

সমানসিংহ বোর্ড-২০২৫

গণিত (বহনির্বাচনী অভিক্ষা)

বিষয় কোড:

১ ০ ৭

সময় : ৩০ মিনিট

[২০২৫ সালের সিলেবাস অনুযায়ী]

পূর্ণমান : ৩০

নির্দেশনা : সময়ের ক্যাজটি বহনির্বাচনী অভিক্ষার জন্য প্রতিটি প্রশ্নের চারটি বিকল্পের মধ্যে সঠিক/সর্বোত্তম সঠিক উত্তরের বৃত্তটি পূরণ করো।
প্রশ্নপত্রে কোনো প্রকার দাগ/চিহ্ন দেওয়া যাবে না।

১. $\log_2 \frac{1}{4}$ এর মান নিচের কোনটি?
(ক) -2 (খ) $-\frac{1}{2}$ (গ) $\frac{1}{2}$ (ঘ) 2
২. $\sqrt{3}x - 3 + 1 = 0$ সমীকরণের সমাধান সেট নিচের কোনটি?
(ক) $\left\{\frac{3}{2}\right\}$ (খ) $\{1\}$ (গ) $\left\{-\frac{3}{2}\right\}$ (ঘ) $\{3\}$
৩. একটি স্বতরর—
i. প্রতিসাম্য কোণ 1°
ii. স্থলকোণের কর্ণের ত্রিভুজবিন্দু
iii. স্থল বাহিককোণের কোণ 90°
নিচের কোনটি সঠিক?
(ক) i ও ii (খ) i ও iii (গ) ii ও iii (ঘ) i, ii ও iii
৪. $\sin 3A = \operatorname{cosec} 3A$ হলে A-এর মান কত?
(ক) 10° (খ) 15° (গ) 30° (ঘ) 60°
৫. $\triangle ABC$ -এর $AC = BC$ এবং $\angle A = 25^\circ$ হলে $\angle ACB =$ কত?
(ক) 25° (খ) 50° (গ) 130° (ঘ) 155°
৬. $a^n = b^n$ এর ক্ষেত্রে—
i. $\log_b a = 1$ ii. $\log_b b = \frac{x}{y}$ iii. $\log_b b = \frac{x}{y}$
নিচের কোনটি সঠিক?
(ক) i ও ii (খ) i ও iii (গ) ii ও iii (ঘ) i, ii ও iii
- নিচের উদ্দীপকের আলোকে ৭ ও ৮ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :
 $\sin A = \frac{1}{x}$ এবং $\cos B = \frac{1}{y}$.
৭. $\cot A$ এর মান নিচের কোনটি?
(ক) $\sqrt{x-1}$ (খ) $\sqrt{x+1}$ (গ) $\sqrt{x^2-1}$ (ঘ) $\sqrt{x+1}$
৮. $y = \sqrt{2}$ হলে $\operatorname{cosec}^2 B - \cos^2 B$ এর মান কোনটি?
(ক) $-\frac{3}{2}$ (খ) $-\frac{1}{2}$ (গ) $\frac{1}{2}$ (ঘ) $\frac{3}{2}$
৯. একটি সমকোণী ত্রিভুজের সমান সমান বাহুত্বের প্রতিটির দৈর্ঘ্য $2a$ সে.মি., হলে ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.?
(ক) 60° (খ) 70° (গ) 90° (ঘ) 120°
১০. একটি দানদার হতে $9\sqrt{3}$ মিটার দূরে দানপারের নীচের অর্শক আঁচের করে 30° হলে দানপারের উচ্চতা কত মিটার?
(ক) $\frac{2a}{\sqrt{3}}$ (খ) $3\sqrt{3}$ (গ) $4\sqrt{3}$ (ঘ) 36
১১. একটি দানদার হতে $9\sqrt{3}$ মিটার দূরে দানপারের নীচের অর্শক আঁচের করে 30° হলে দানপারের উচ্চতা কত মিটার?
(ক) $3\sqrt{3}$ (খ) 3 (গ) $3\sqrt{3}$ (ঘ) 36
১২. $11\sqrt{2}$ সে.মি. ব্যাসার্ধ একটি বৃত্ত কেন্দ্রে থেকে 30° হলে ক্ষেত্রফল কত?
(ক) 190.07 (খ) 97.74 (গ) 48.87 (ঘ) 24.44
১৩. বৃত্তের অর্ধপরিধির কত, সে.মি. (প্রায়)?
(ক) 190.07 (খ) 97.74 (গ) 48.87 (ঘ) 24.44

১৪. অজরবিহীন চতুর্ভুজটি একটি বর্গ হলে—
i. কর্ণের দৈর্ঘ্য $11\sqrt{2}$ সে.মি.
ii. বাহুর দৈর্ঘ্য $11\sqrt{2}$ সে.মি.
iii. ক্ষেত্রফল 121 বর্গ সে.মি.
নিচের কোনটি সঠিক?
(ক) i ও ii (খ) i ও iii (গ) ii ও iii (ঘ) i, ii ও iii
১৫. 4 সে.মি. ব্যাসার্ধবিশিষ্ট সমবাহু ত্রিভুজের উচ্চতা কত সে.মি.?
(ক) $2\sqrt{3}$ (খ) $2\sqrt{5}$ (গ) $4\sqrt{2}$ (ঘ) $5\sqrt{2}$
১৬. স্থলকোণে যত 0 -এর সূচক কোণ কত?
(ক) 90° (খ) 0° (গ) 180° (ঘ) 360°
- নিচের উদ্দীপকের আলোকে ১৭ ও ১৮ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :
প্রথম n সংখ্যার স্বাভাবিক সংখ্যার যোগফল সমান 441 ।
১৭. নিচের কোনটি সঠিক?
(ক) $(1 + 2 + 3 + \dots + n)^2 = 441$
(খ) $(1 + 2 + 3 + \dots + n)^2 = 441$
(গ) $1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2 = 441$
(ঘ) $1^2 + 2^3 + 3^2 + \dots + n^2 = 441$
১৮. n এর মান নিচের কোনটি?
(ক) 5 (খ) 7 (গ) 8 (ঘ) 8
১৯. কোনো বৃত্তের প্রতিকোণ অন্তর্ভুক্তিতে কেন্দ্র—
(ক) সমবাহুতা (খ) সমকোণ (গ) স্থলকোণ (ঘ) পূর্ণকোণ
- নিচের উদ্দীপকের আলোকে ২০ ও ২১ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :
 $8, 15, 4, 6, 0, 4, 10, 9$
২০. উপাত্তগুলোর মধ্যক কত?
(ক) 5 (খ) 7 (গ) 8 (ঘ) 9
২১. $A = \{5, a, b, c\}$ এবং $B = \{3, c, u\}$ হলে $(A \cap B)$ এর বৃকত উপাদান কতটি?
(ক) 3 (খ) 7 (গ) 8 (ঘ) 15
২২. $0.\bar{1} + 0.01 =$ কত?
(ক) $\frac{11}{10}$ (খ) $\frac{11}{99}$ (গ) $\frac{1}{100}$ (ঘ) $\frac{11}{100}$
২৪. নিচের কোনটি মূলদ সংখ্যা?
(ক) $3\sqrt{9}$ (খ) $\sqrt{16}$ (গ) $\sqrt{125}$ (ঘ) $\sqrt[3]{125}$
২৫. $(x + y, 6) = (6, x - y)$ হলে (x, y) নিচের কোনটি?
(ক) $(3, 3)$ (খ) $(0, 6)$ (গ) $(12, 0)$ (ঘ) $(6, 0)$
২৬. $m : n = 4 : 5$, $n : l = 5 : 4$ হলে $m : l =$ কত?
(ক) $20 : 25$ (খ) $25 : 20$ (গ) $20 : 20$ (ঘ) $16 : 25$
২৭. $25p^2 + 49q^2$ এর সাথে কত যোগ করলে যোগফল পূর্ণবর্গ রাশি হবে?
(ক) $-140pq$ (খ) $-35pq$ (গ) $35pq$ (ঘ) $70pq$
২৮. $2x - y + 2$ সমীকরণটির উপস্থবস্থানের বিন্দু কোনটি?
(ক) $(0, 2)$ (খ) $(0, -2)$ (গ) $(1, -4)$ (ঘ) $(-4, -1)$

■ খালি স্থানগুলিতে প্রশ্নাবর্দ দিয়ে উত্তরগুলো লেখ। একশম উত্তরধারার বাইরে প্রাপ্ত উত্তরের সাথে মিলিয়ে দেখে তোমার উত্তরগুলো সঠিক কি না।

১	২	৩	৪	৫	৬	৭	৮	৯	১০	১১	১২	১৩	১৪	১৫
১৬	১৭	১৮	১৯	২০	২১	২২	২৩	২৪	২৫	২৬	২৭	২৮	২৯	৩০

সময় : ২ ঘন্টা ৩০ মিনিট

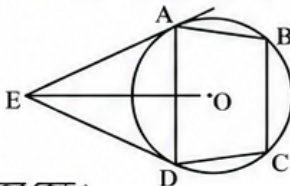
[নির্দেশ : ভাঙ্গা থেকে সর্বাঙ্গীর্ণ; প্রশ্নের পূর্ণমান জ্ঞাপক। ক-বিভাগ (বহির্নির্বাচনি) হতে দুটি, খ-বিভাগ (রচনামূলক) হতে দুটি, গ-বিভাগ (বিভাগীয়+রচনামূলক) হতে দুটি এবং ঘ-বিভাগ (পরিসংখ্যান) হতে একটি প্রশ্নের উত্তর দিতে হবে। প্রত্যেক উত্তরের দাগ।]

ক বিভাগ-বহির্নির্বাচনি

- ১। $S = \{(x, y) : x \in A, y \in A \text{ এবং } 2x - y = 1\}$
যেখানে $A = \{x \in \mathbb{Z} : -2 \leq x \leq 2\}$, $P = 3 + 2\sqrt{2}$
ক. উপাদাকে বিশ্লেষণ কর : $(m-1)n^2 + n + 2n + (m+1)n^2$. ২
খ. S জাভের তালিকা পদ্ধতিতে প্রকাশ করে এবং এর চেয়ের নির্ণয় কর। ৪
গ. প্রমাণ কর যে, $P\sqrt{P} + \frac{1}{\sqrt{P}} = 10\sqrt{2}$ । ৪
- ২। $P = \frac{3 \cdot 2^x - 4 \cdot 2^{x-2}}{2^x - 2^{x-1}}$, $Q = \frac{2^{x+1} - 2^{x-1}}{3 \cdot 2^x - 4 \cdot 2^{x-2}}$,
 $R = \frac{3^{x+3} - 5 \cdot 3^{x+1}}{3^{x+2} + 3}$ এবং $8p^{-1} = a^{-1} + b^{-1}$.
ক. $A:B = \frac{1}{2}$, $B:C = \frac{3}{4}$ এবং $C:D = \frac{5}{6}$ হলে $A:B:C:D =$ কত? ২
খ. প্রমাণ কর যে, $PQR \times \frac{25^{x+1}}{5^{x^3-1}} + \frac{5^{x+1}}{5^x \cdot 3^{x-1}} = 300$. ৪
গ. প্রমাণ কর, $\frac{p+4q}{p-4q} + \frac{p+4b}{p-4b} = 2$ দেখালে $a \neq b$. ৪
- ৩। (i) $3 + 5 + 7 + \dots$ ধারাটির ১ম n সংখ্যক পদের সমষ্টি 168.
(ii) একটি ফুটবলের মাঠের দৈর্ঘ্য $\frac{1}{\sqrt{5}}$ এবং অস্ত্রণ পদ $\frac{4\sqrt{2}}{27}$.
ক. ২০টি স্বাভাবিক সংখ্যার মধ্যে সর্বোচ্চ নির্ণয় কর। ২
খ. (i) n সংখ্যক পদের, প্রথম n সংখ্যার নির্ণয় কর। ৪
গ. (iii) n ধারার ১০ম ১০০ ১০০০ পদের সমষ্টি নির্ণয় কর। ৪

খ বিভাগ-জ্যামিতি

- ৪। $\triangle ABC$ এর D এবং E যথাক্রমে AB ও AC এর মধ্যবিন্দু এবং $\angle B$ ও $\angle C$ এর সমস্থিগুণক যথাক্রমে O বিন্দুতে মিলিত হয়েছে।
ক. প্রমাণ কর যে, ত্রিভুজের যেকোনো একটি বাহু বার্লি সমান। ২
খ. প্রমাণ কর যে, $DE \parallel BC$ এবং $DE = \frac{1}{2} BC$. ৪
গ. প্রমাণ কর যে, $\angle BOC = 90^\circ + \frac{1}{2} \angle A$. ৪
- ৫। একটি ত্রিভুজের বাহুগুলো যথাক্রমে 3cm, 5cm ও 6cm.
ক. 4.5 সেমি. কর্ণবিশিষ্ট একটি বর্গ আঁক। ২
খ. ত্রিভুজটির বহির্ভূত অঙ্কন কর (অন্তঃকেন্দ্র ডিন ও বিবরণ (বাহুলাভ)। ৮
গ. ত্রিভুজটির পরিসীমা যদি সমস্তের পরিসীমা হয় ও একটি কোণ 75° হয়, তবে রম্বসটি আঁক। (অন্তঃকেন্দ্রের ডিন ও বিবরণ আকারে) ৪



উপরের চিত্রে, O বৃত্তের কেন্দ্র।

- ক. প্রশ্নে কর, বৃত্তের ব্যাসই বৃত্তের জ্যা। ২
খ. প্রমাণ কর যে, $\angle ABC + \angle ADC = 180^\circ$. ৪
গ. প্রমাণ কর যে, OE রেখাংশ স্পর্শক এবং AD এর সমাজের। ৪

গ বিভাগ-বিকোণায়িত ও পরিসংখ্যান

- ৭। $f(x) = \sin x$ এবং $A = \csc \theta - 1$, $B = \csc \theta + 1$
ক. $3B = 2\sqrt{3} + 3$ হলে, $\tan \theta$ এর মান নির্ণয় কর। ২
খ. যদি $f(x) + f'(x) = 1$ হয় তবে প্রমাণ কর যে,
 $\left\{ \frac{f(x)}{f(90^\circ - x)} \right\} + \left\{ \frac{f(x)}{f(90^\circ - x)} \right\} = 1$. ৪
গ. $A^2 + B^2 = 4$ হলে θ এর মান বের কর। ৪
- ৮। (i) 75 মিটার উচ্চ একটি দ্বি-দিক জেরের সাথে সম্পূর্ণ স্পর্শক না নিলে নর আন্তর 30° কোণ করে ছায়া স্পর্শ করেছে।
(ii) P ও Q দুটি সংখ্যার ধনাত্মক কোনো স্থানে একটি বৃত্তে অবস্থিত। কেন্দ্রে উচ্চকর P ও Q এর অনুগাত কোণ যথাক্রমে 30° ও 60° এবং $PQ = 750$ মিটার।
ক. কোনো বিন্দুর কেন্দ্র 20 মিটার ও উত্তর কোণ 30° হলে মিনারের ছায়ার দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। ২
খ. (i) যদি বার্ষিক বেরে, থুটিটিকে ঢাকা অবস্থানে দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। ৪
গ. (ii) একটি কাগজের মধ্যে, কোনের কেন্দ্রস্থলে উচ্চতা নির্ণয় কর। ৮
- ৯। একটি আয়তাকার মাঠের বারের পরিসীমা মাপ যথাক্রমে 9 সেমি., 7 সেমি. এবং 5 সেমি.। এর ভিতরের সমান্তর পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল 142 বর্গ সেমি.। আবার একটি লেনের আয়তন বারের বাহিরের আয়তনের সমান।
ক. ভিতরের দুই বারের দৈর্ঘ্য 5 সেমি. ও 6 সেমি. এবং এদের অন্তর্ভুক্ত কোণ 45° হলে ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর। ২
খ. বাহুটির পদার্থ সমান হলে তার গুণিত নির্ণয় কর। ৪
গ. লেনের উচ্চতা আর ছাত্র বাসনার্বেহের হিগুণ হলে, তার সময়তলের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর। ৪

ঘ বিভাগ-পরিসংখ্যান

১০। নিচে একটি গণসংখ্যার নির্দেশা সারণি দেওয়া হলো :

প্রশি	51-55	56-60	61-65	66-70	71-75	76-80
গণসংখ্যা	8	12	20	10	6	4

- ক. 14, 9, 7, 10, 12, 11, 6, 13 উপাত্তের মধ্যক নির্ণয় কর। ২
খ. সামানি থেকে সমস্তিগত যশালিতে গড় নির্ণয় কর। ৪
গ. বর্ণনামবে প্রপ্ত উপাত্তের গণসংখ্যা বহুভুজ অঙ্কন কর। ৪
- ১১। কোনো বিদ্যালয়ের 70 জন শিক্ষার্থীর জেনের (প্রশি) গণসংখ্যা সারণি নিম্নরূপ :
- | প্রশি | 40-43 | 44-47 | 48-51 | 52-55 | 56-59 | 60-63 | 64-67 |
|----------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| গণসংখ্যা | 5 | 7 | 18 | 15 | 14 | 8 | 3 |
- ক. প্রদত্ত সারণি হতে ক্রুগেরাভিত গণসংখ্যা সারণি তৈরি কর। ২
খ. গণসংখ্যা নির্বেরের সারণি হতে প্রভেক নির্ণয় কর। ৪
গ. বর্ণনামূলক প্রদত্ত উপাত্তের অজিত রেখা আঁক। ৪